

الصفحة	الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا المسالك المهنية الدورة العادية 2021 - عناصر الإجابة -		الجمهورية المغربية وزارة التربية الوطنية والتكوين المهني والتعليم العالي والبحث العلمي المركز الوطني للتقويم والامتحانات
1			
2			
**			
	SSSSSSSSSSSSSSSSSSSS	NR 101	

3h	مدة الإنجاز	الرياضيات	المادة
7	المعامل	شعبة الهندسة الميكانيكية بمسالكها وشعبة الهندسة الكهربائية بمسالكها وشعبة هندسة البناء والأشغال العمومية بمسالكها وشعبة الفلاحة بمسالكها	الشعبة أو المسلك

Exercice n°1:(4.5pts)		Détail des notes	Observations
Note totale	$u_0 = 0$ et $u_{n+1} = \frac{1}{3}u_n - \frac{2}{3}$		On tient compte de la rigueur du raisonnement et des efforts fournis
0.5	1. $u_1 = -\frac{2}{3}$ et $u_2 = -\frac{8}{9}$	0.25+0.25	
0.5	2. La récurrence	0.5	
0.5	3.a. $u_{n+1} - u_n = -\frac{2}{3}(u_n + 1)$	0.5	
0.25	3.b. $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ est une suite décroissante.	0.25	
0.25	3.c. $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ est convergente.	0.25	
	4. $v_n = \frac{1}{2}u_n + \frac{1}{2}$		
1	4.a. $v_{n+1} = \frac{1}{3}v_n$	1	
0.5	4.b. $v_0 = \frac{1}{2}$	0.25	
	$v_n = \frac{1}{2}\left(\frac{1}{3}\right)^n$ car $(v_n)_{n \in \mathbb{N}}$ est géométrique	0.25	
0.5	4.c. $u_n = \left(\frac{1}{3}\right)^n - 1$	0.5	
0.5	4.d. $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = -1$ (La justification n'est pas exigée)	0.5	

Exercice n°2:(4pts)			
Note totale	$g(x) = x \ln x + \frac{1}{x} + 1$		
0.75	1.a. $\lim_{\substack{x \rightarrow 0 \\ x > 0}} g(x) = +\infty$	0.5 pour la justification + 0.25 pour le résultat	
0.75	1.b. $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = +\infty$	0.5 pour la justification + 0.25 pour le résultat	
0.5	2.a. $g(1) = 2$	0.5	

الصفحة	NR 101	الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا - الدورة العادية 2021 - عناصر الإجابة	
2		- مادة: الرياضيات- شعبة الهندسة الميكانيكية بمسالكها وشعبة الهندسة الكهربائية بمسالكها وشعبة هندسة البناء والأشغال العمومية بمسالكها وشعبة الفلاحة بمسالكها	

1	2.b. $\forall x \in]0; +\infty[, \ln x + \frac{1}{x^2} - \frac{1}{x} \geq 0$	1	
1	2.c. $\forall t \in]0; +\infty[, t^2 \geq \ln t + t$	1	

Exercice n°3:(2.5pts)

	$f(x) = x^2 - 1 + \ln x$		On tient compte de la rigueur du raisonnement et des efforts fournis
1	1. $F(x) = \frac{1}{3}x^3 - 2x + x \ln x$ est une primitive de f sur $]0; +\infty[$	1	
0.75	2. Le signe de f sur $]0; +\infty[$ à partir de la courbe (C_f)	0.75	
0.75	3. les variations de F sur $]0; +\infty[$	0.75	

Exercice n°4:(4.5pts)

1.25	1. $S = \{1-i; 1+i\}$	0.25 pour Δ +0.5 pour chaque solution	
1	2.a. $\frac{z_A + z_C}{2} = \frac{3}{2} + \frac{i}{2}$ et $\frac{z_B + z_D}{2} = \frac{3}{2} + \frac{i}{2}$	0.5+0.5	
0.75	2.b. $[AC]$ et $[BD]$ ont le même milieu	0.75	
0.5	2.c. Le quadrilatère $ABCD$ est un parallélogramme	0.5	
0.5	3.a. $\frac{z_A - z_B}{z_C - z_B} = 1+i$	0.5	
0.5	3.b. $(\overline{BC}; \overline{BA}) \equiv \frac{\pi}{4} [2\pi]$	0.5	

Exercice n°5:(2.5pts)

0.5	1. $(\forall x \in \mathbb{R}) : (e^x - 3)(e^x - 1) = e^{2x} - 4e^x + 3$	0.5	
1	2. $S = \{0; \ln 3\}$	1	
1	3. $\forall x \in]-\infty; 0] \cup [\ln 3; +\infty[, e^{2x} - 4e^x + 3 \geq 0$ $\forall x \in [0; \ln 3] , e^{2x} - 4e^x + 3 \leq 0$	1	

Exercice n°6 :(2pts)

1	1. $\lim_{x \rightarrow +\infty} (x^2 - e^x) = -\infty$	1	
1	2. $\lim_{x \rightarrow -\infty} \left(\frac{x^3}{x+1} e^x + x e^x + 1 \right) = 1$	1	